

## 第8章多元回归分析:推断问题

教师 黄光辉

[hgh@cqu.edu.cn](mailto:hgh@cqu.edu.cn)

# 目录

## 1 第8章多元回归分析:推断问题

- 例8.1: 儿童死亡率模型
- 受约束最小二乘法:检验线性等式约束.
- 回归模型参数稳定性检验-邹至庄检验

# 三变量回归模型的假设检验

$$Y = \beta_1 + \beta_2 X_2 + \beta_3 X_3 + U$$

一共观测了  $n$  组数据, 拥有自由度  $n$ ;

# 三变量回归模型的假设检验

$$Y = \beta_1 + \beta_2 X_2 + \beta_3 X_3 + U$$

一共观测了  $n$  组数据, 拥有自由度  $n$ ;

估计系数  $\hat{\beta}_1, \hat{\beta}_2, \hat{\beta}_3$ , 构成三个约束条件, 用去 3 个自由度;

# 三变量回归模型的假设检验

$$Y = \beta_1 + \beta_2 X_2 + \beta_3 X_3 + U$$

一共观测了  $n$  组数据, 拥有自由度  $n$ ;

估计系数  $\hat{\beta}_1, \hat{\beta}_2, \hat{\beta}_3$ , 构成三个约束条件, 用去 3 个自由度;

干扰项方差估计量

$$\hat{\sigma}^2 = \frac{1}{n-3} \sum_{i=1}^n \hat{u}_i^2 \sim \chi^2(n-3)$$

拥有自由度  $n - 3$ .

# 三变量回归模型的假设检验

$$Y = \beta_1 + \beta_2 X_2 + \beta_3 X_3 + U$$

一共观测了  $n$  组数据, 拥有自由度  $n$ ;

估计系数  $\hat{\beta}_1, \hat{\beta}_2, \hat{\beta}_3$ , 构成三个约束条件, 用去 3 个自由度;

干扰项方差估计量

$$\hat{\sigma}^2 = \frac{1}{n-3} \sum_{i=1}^n \hat{u}_i^2 \sim \chi^2(n-3)$$

拥有自由度  $n-3$ .

将参数估计量标准化, 可以得到三个 t 统计量:

$$t_1 = \frac{\hat{\beta}_1 - \beta_1}{Se(\hat{\beta}_1)} \sim t(n-3), \quad t_2 = \frac{\hat{\beta}_2 - \beta_2}{Se(\hat{\beta}_2)} \sim t(n-3),$$

$$t_3 = \frac{\hat{\beta}_3 - \beta_3}{Se(\hat{\beta}_3)} \sim t(n-3), \quad t_i = \frac{\hat{\beta}_i - \beta_i}{Se(\hat{\beta}_i)} \sim t(n-K).$$

K 为待估计参数的个数.

# 内容线索

## 1 第8章多元回归分析:推断问题

- 例8.1: 儿童死亡率模型
- 受约束最小二乘法:检验线性等式约束.
- 回归模型参数稳定性检验-邹至庄检验

# 例8.1: 儿童死亡率模型的设定

儿童死亡率和哪些因素有关系呢?

# 例8.1: 儿童死亡率模型的设定

儿童死亡率和哪些因素有关系呢?

人民的富裕程度: 人均GDP;

# 例8.1: 儿童死亡率模型的设定

儿童死亡率和哪些因素有关系呢?

人民的富裕程度: 人均GDP;

个体的受照顾程度: 母亲的文化程度.

## 例8.1: 儿童死亡率模型的设定

儿童死亡率和哪些因素有关系呢?

人民的富裕程度: 人均GDP;

个体的受照顾程度: 母亲的文化程度.

研究上述2个变量对儿童死亡率的影响, 采用3变量线性模型:

$$CM_i = \beta_1 + \beta_2 PGNP_i + \beta_3 FLR_i + U_i$$

## 例8.1: 儿童死亡率模型的设定

儿童死亡率和哪些因素有关系呢?

人民的富裕程度: 人均GDP;

个体的受照顾程度: 母亲的文化程度.

研究上述2个变量对儿童死亡率的影响, 采用3变量线性模型:

$$CM_i = \beta_1 + \beta_2 PGNP_i + \beta_3 FLR_i + U_i$$

数据应该是横截面数据, 时间序列数据, 还是面板数据?

## 例8.1: 儿童死亡率模型的设定

儿童死亡率和哪些因素有关系呢?

人民的富裕程度: 人均GDP;

个体的受照顾程度: 母亲的文化程度.

研究上述2个变量对儿童死亡率的影响, 采用3变量线性模型:

$$CM_i = \beta_1 + \beta_2 PGNP_i + \beta_3 FLR_i + U_i$$

数据应该是横截面数据, 时间序列数据, 还是面板数据? Table 6.4.

# 内容线索

## 1 第8章多元回归分析:推断问题

- 例8.1: 儿童死亡率模型
- 受约束最小二乘法:检验线性等式约束.
- 回归模型参数稳定性检验-邹至庄检验

# 柯布-道格拉斯生产函数

研究劳动投入,资本投入和产出之间的关系.

$$Y_i = \beta_1 X_{2i}^{\beta_2} X_{3i}^{\beta_3} e^{U_i}$$

$Y$  = 产出,  $X_2$  = 劳动投入,  $X_3$  = 资本投入.

# 柯布-道格拉斯生产函数

研究劳动投入,资本投入和产出之间的关系.

$$Y_i = \beta_1 X_{2i}^{\beta_2} X_{3i}^{\beta_3} e^{U_i}$$

$Y$  = 产出,  $X_2$  = 劳动投入,  $X_3$  = 资本投入.

对数形式:

$$\log Y_i = \beta_0 + \beta_2 \log X_{2i} + \beta_3 \log X_{3i} + U_i$$

# 柯布-道格拉斯生产函数

研究劳动投入,资本投入和产出之间的关系.

$$Y_i = \beta_1 X_{2i}^{\beta_2} X_{3i}^{\beta_3} e^{U_i}$$

$Y$  = 产出,  $X_2$  = 劳动投入,  $X_3$  = 资本投入.

对数形式:

$$\log Y_i = \beta_0 + \beta_2 \log X_{2i} + \beta_3 \log X_{3i} + U_i$$

经济理论: 同一比例的投入变化,有同一比例的产出变化,也即规模报酬不变.

# 柯布-道格拉斯生产函数

研究劳动投入,资本投入和产出之间的关系.

$$Y_i = \beta_1 X_{2i}^{\beta_2} X_{3i}^{\beta_3} e^{U_i}$$

$Y$  = 产出,  $X_2$  = 劳动投入,  $X_3$  = 资本投入.

对数形式:

$$\log Y_i = \beta_0 + \beta_2 \log X_{2i} + \beta_3 \log X_{3i} + U_i$$

经济理论: 同一比例的投入变化,有同一比例的产出变化,也即规模报酬不变.  
也就是

$$\beta_2 + \beta_3 = 1$$

# 柯布-道格拉斯生产函数

研究劳动投入,资本投入和产出之间的关系.

$$Y_i = \beta_1 X_{2i}^{\beta_2} X_{3i}^{\beta_3} e^{U_i}$$

$Y$  = 产出,  $X_2$  = 劳动投入,  $X_3$  = 资本投入.

对数形式:

$$\log Y_i = \beta_0 + \beta_2 \log X_{2i} + \beta_3 \log X_{3i} + U_i$$

经济理论: 同一比例的投入变化,有同一比例的产出变化,也即规模报酬不变.  
也就是

$$\beta_2 + \beta_3 = 1$$

怎样判断是否具有规模不变效应呢?

# 柯布-道格拉斯生产函数

研究劳动投入,资本投入和产出之间的关系.

$$Y_i = \beta_1 X_{2i}^{\beta_2} X_{3i}^{\beta_3} e^{U_i}$$

$Y$  = 产出,  $X_2$  = 劳动投入,  $X_3$  = 资本投入.

对数形式:

$$\log Y_i = \beta_0 + \beta_2 \log X_{2i} + \beta_3 \log X_{3i} + U_i$$

经济理论: 同一比例的投入变化,有同一比例的产出变化,也即规模报酬不变.  
也就是

$$\beta_2 + \beta_3 = 1$$

怎样判断是否具有规模不变效应呢?

- ① 一般线性回归的t检验方法;
- ② 受约束最小二乘法的F检验.

# 约束问题的无约束t检验

无约束t检验步骤:

- ① 原模型的无约束条件回归;

# 约束问题的无约束t检验

无约束t检验步骤:

- ① 原模型的无约束条件回归;
- ② 估计得到系数 $\hat{\beta}_2$ 和 $\hat{\beta}_3$ ;

# 约束问题的无约束t检验

无约束t检验步骤:

- ① 原模型的无约束条件回归;
- ② 估计得到系数  $\hat{\beta}_2$  和  $\hat{\beta}_3$ ;
- ③ 假设检验  $H_0 : \beta_2 + \beta_3 = 1$

$$\begin{aligned} t &= \frac{\hat{\beta}_2 + \hat{\beta}_3 - (\beta_2 + \beta_3)}{\sqrt{Var(\hat{\beta}_2) + Var(\hat{\beta}_3) + 2Cov(\hat{\beta}_2, \hat{\beta}_3)}} \\ &\sim t(n-4) \end{aligned}$$

- ④ 采用一般t检验方法判断.

# 受约束的最小二乘法

思路: 直接将约束纳入估计的过程.

- ① 变形  $\beta_2 + \beta_3 = 1$  为  $\beta_2 = 1 - \beta_3$ ;

# 受约束的最小二乘法

思路: 直接将约束纳入估计的过程.

① 变形  $\beta_2 + \beta_3 = 1$  为  $\beta_2 = 1 - \beta_3$ ;

② 带入回归模型  $\log Y_i = \beta_0 + \beta_2 \log X_{2i} + \beta_3 \log X_{3i} + U_i$

$$\log Y_i = \beta_0 + \log X_{2i} + \beta_3 (\log X_{3i} - \log X_{2i}) + U_i$$

$$\log Y_i - \log X_{2i} = \beta_0 + \beta_3 (\log X_{3i} - \log X_{2i}) + U_i$$

$$\log \frac{Y_i}{X_{2i}} = \beta_0 + \beta_3 \log \frac{X_{3i}}{X_{2i}} + U_i$$

这就是受约束的最小二乘法(RSL).

# 受约束的最小二乘法

思路: 直接将约束纳入估计的过程.

- ① 变形  $\beta_2 + \beta_3 = 1$  为  $\beta_2 = 1 - \beta_3$ ;
- ② 带入回归模型  $\log Y_i = \beta_0 + \beta_2 \log X_{2i} + \beta_3 \log X_{3i} + U_i$

$$\log Y_i = \beta_0 + \log X_{2i} + \beta_3 (\log X_{3i} - \log X_{2i}) + U_i$$

$$\log Y_i - \log X_{2i} = \beta_0 + \beta_3 (\log X_{3i} - \log X_{2i}) + U_i$$

$$\log \frac{Y_i}{X_{2i}} = \beta_0 + \beta_3 \log \frac{X_{3i}}{X_{2i}} + U_i$$

这就是受约束的最小二乘法(RSL).

- ③ 判断上述模型是否显著, 或者判断上述系数  $\beta_3$  是否显著.

# m个线性约束的最小二乘回归

$$Y_i = \beta_1 + \beta_2 X_{2i} + \cdots + \beta_K X_{Ki} + U_i$$

有m个线性约束:

$$\sum_j^{m_k} \beta_{k_j} = \alpha_{m_k}, k = 1, 2, \dots, m.$$

# m个线性约束的最小二乘回归

$$Y_i = \beta_1 + \beta_2 X_{2i} + \cdots + \beta_K X_{Ki} + U_i$$

有m个线性约束:

$$\sum_j^{m_k} \beta_{k_j} = \alpha_{m_k}, k = 1, 2, \dots, m.$$

记号说明:

- ①  $\sum \hat{u}_{UR}^2$  无约束回归的残差平方和(RSS).

# m个线性约束的最小二乘回归

$$Y_i = \beta_1 + \beta_2 X_{2i} + \cdots + \beta_K X_{Ki} + U_i$$

有m个线性约束:

$$\sum_j^{m_k} \beta_{k_j} = \alpha_{m_k}, k = 1, 2, \dots, m.$$

记号说明:

- ①  $\sum \hat{u}_{UR}^2$  无约束回归的残差平方和(RSS).
- ②  $\sum \hat{u}_R^2$  受约束回归的RSS.

# m个线性约束的最小二乘回归

$$Y_i = \beta_1 + \beta_2 X_{2i} + \cdots + \beta_K X_{Ki} + U_i$$

有m个线性约束:

$$\sum_j^{m_k} \beta_{k_j} = \alpha_{m_k}, k = 1, 2, \dots, m.$$

记号说明:

①  $\sum \hat{u}_{UR}^2$  无约束回归的残差平方和(RSS).

②  $\sum \hat{u}_R^2$  受约束回归的RSS.

③ m: 线性约束的个数;

K: 无约束回归中参数的个数;

n: 观测的个数.

# 约束最小二乘法F统计量

F统计量:

$$\begin{aligned} F &= \frac{(RSS_R - RSS_{UR}) / m}{RSS_{UR} / (n - K)} \\ &= \frac{(\sum \hat{u}_R^2 - \sum \hat{u}_{UR}^2) / m}{\sum \hat{u}_{UR}^2 / (n - K)} \\ &= \frac{(R_{UR}^2 - R_R^2) / m}{(1 - R_{UR}^2) / (n - K)} \\ &\sim F(m, n - K) \end{aligned}$$

判定系数适用情形: 无约束和有约束回归中两个因变量相同.

# 1957-1974年墨西哥经济的规模效应研究

经济问题: 1957-1974年墨西哥经济是否进入规模报酬递增阶段?

研究对象: GDP, 劳动力投入(labor), 资本投入(capital).

# 1957-1974年墨西哥经济的规模效应研究

经济问题: 1957-1974年墨西哥经济是否进入规模报酬递增阶段?

研究对象: GDP, 劳动力投入(labor), 资本投入(capital).

采用什么模型呢?

$$\log GDP_t = \beta_1 + \beta_2 \log Labor_t + \beta_3 \log Capital_t + U_t$$

# 1957-1974年墨西哥经济的规模效应研究

经济问题: 1957-1974年墨西哥经济是否进入规模报酬递增阶段?

研究对象: GDP, 劳动力投入(labor), 资本投入(capital).

采用什么模型呢?

$$\log GDP_t = \beta_1 + \beta_2 \log Labor_t + \beta_3 \log Capital_t + U_t$$

模型的经济含义:

$\beta_2$  产出-劳动力弹性;

$\beta_3$  产出-资本投入弹性.

# 1957-1974年墨西哥经济的规模效应研究

经济问题: 1957-1974年墨西哥经济是否进入规模报酬递增阶段?

研究对象: GDP, 劳动力投入(labor), 资本投入(capital).

采用什么模型呢?

$$\log GDP_t = \beta_1 + \beta_2 \log Labor_t + \beta_3 \log Capital_t + U_t$$

模型的经济含义:

$\beta_2$  产出-劳动力弹性;

$\beta_3$  产出-资本投入弹性.

检验的目标:  $\beta_2 + \beta_3 = 1$

# 1957-1974年墨西哥经济的规模效应研究

经济问题: 1957-1974年墨西哥经济是否进入规模报酬递增阶段?

研究对象: GDP, 劳动力投入(labor), 资本投入(capital).

采用什么模型呢?

$$\log GDP_t = \beta_1 + \beta_2 \log Labor_t + \beta_3 \log Capital_t + U_t$$

模型的经济含义:

$\beta_2$  产出-劳动力弹性;

$\beta_3$  产出-资本投入弹性.

检验的目标:  $\beta_2 + \beta_3 = 1$

有约束的回归:

$$\log \frac{GDP_t}{Labor_t} = \beta_1 + \beta_3 \log \frac{Capital_t}{Labor_t} + U_t$$

数据来源Table 8.8.

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(1)

决定鸡肉消费的因素有哪些呢?

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(1)

决定鸡肉消费的因素有哪些呢?

每人实际可支配收入;

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(1)

决定鸡肉消费的因素有哪些呢?

每人实际可支配收入; 每磅鸡肉价格;

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(1)

决定鸡肉消费的因素有哪些呢?

每人实际可支配收入; 每磅鸡肉价格; 每磅猪肉价格;

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(1)

决定鸡肉消费的因素有哪些呢?

每人实际可支配收入; 每磅鸡肉价格; 每磅猪肉价格; 每磅牛肉价格.

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(1)

决定鸡肉消费的因素有哪些呢?

每人实际可支配收入; 每磅鸡肉价格; 每磅猪肉价格; 每磅牛肉价格.

采用哪个模型呢?

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(1)

决定鸡肉消费的因素有哪些呢?

每人实际可支配收入; 每磅鸡肉价格; 每磅猪肉价格; 每磅牛肉价格.

采用哪个模型呢?

$$\log Y_t = \beta_1 + \beta_2 \log X_{2t} + \beta_3 \log X_{3t} + \beta_4 \log X_{4t} + \beta_5 \log X_{5t} + U_t$$

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(1)

决定鸡肉消费的因素有哪些呢?

每人实际可支配收入; 每磅鸡肉价格; 每磅猪肉价格; 每磅牛肉价格.

采用哪个模型呢?

$$\log Y_t = \beta_1 + \beta_2 \log X_{2t} + \beta_3 \log X_{3t} + \beta_4 \log X_{4t} + \beta_5 \log X_{5t} + U_t$$

回归系数的经济含义:

$\beta_2$ : 收入弹性;  $\beta_3$ : 子鸡价格弹性;  $\beta_4$ : 猪肉交叉价格弹性;  $\beta_5$ : 牛肉交叉价格弹性.

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(1)

决定鸡肉消费的因素有哪些呢?

每人实际可支配收入; 每磅鸡肉价格; 每磅猪肉价格; 每磅牛肉价格.

采用哪个模型呢?

$$\log Y_t = \beta_1 + \beta_2 \log X_{2t} + \beta_3 \log X_{3t} + \beta_4 \log X_{4t} + \beta_5 \log X_{5t} + U_t$$

回归系数的经济含义:

$\beta_2$ : 收入弹性;  $\beta_3$ : 子鸡价格弹性;  $\beta_4$ : 猪肉交叉价格弹性;  $\beta_5$ : 牛肉交叉价格弹性.

回归系数**符号**的经济理论预期:

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(1)

决定鸡肉消费的因素有哪些呢?

每人实际可支配收入; 每磅鸡肉价格; 每磅猪肉价格; 每磅牛肉价格.

采用哪个模型呢?

$$\log Y_t = \beta_1 + \beta_2 \log X_{2t} + \beta_3 \log X_{3t} + \beta_4 \log X_{4t} + \beta_5 \log X_{5t} + U_t$$

回归系数的经济含义:

$\beta_2$ : 收入弹性;  $\beta_3$ : 子鸡价格弹性;  $\beta_4$ : 猪肉交叉价格弹性;  $\beta_5$ : 牛肉交叉价格弹性.

回归系数符号的经济理论预期:

$$\beta_2 > 0; \beta_3 < 0$$

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(1)

决定鸡肉消费的因素有哪些呢?

每人实际可支配收入; 每磅鸡肉价格; 每磅猪肉价格; 每磅牛肉价格.

采用哪个模型呢?

$$\log Y_t = \beta_1 + \beta_2 \log X_{2t} + \beta_3 \log X_{3t} + \beta_4 \log X_{4t} + \beta_5 \log X_{5t} + U_t$$

回归系数的经济含义:

$\beta_2$ : 收入弹性;  $\beta_3$ : 子鸡价格弹性;  $\beta_4$ : 猪肉交叉价格弹性;  $\beta_5$ : 牛肉交叉价格弹性.

回归系数符号的经济理论预期:

$\beta_2 > 0$ ;  $\beta_3 < 0$

$\beta_4$ 有三种可能:

①  $\beta_4 > 0$ ,

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(1)

决定鸡肉消费的因素有哪些呢?

每人实际可支配收入; 每磅鸡肉价格; 每磅猪肉价格; 每磅牛肉价格.

采用哪个模型呢?

$$\log Y_t = \beta_1 + \beta_2 \log X_{2t} + \beta_3 \log X_{3t} + \beta_4 \log X_{4t} + \beta_5 \log X_{5t} + U_t$$

回归系数的经济含义:

$\beta_2$ : 收入弹性;  $\beta_3$ : 子鸡价格弹性;  $\beta_4$ : 猪肉交叉价格弹性;  $\beta_5$ : 牛肉交叉价格弹性.

回归系数符号的经济理论预期:

$\beta_2 > 0$ ;  $\beta_3 < 0$

$\beta_4$ 有三种可能:

- ①  $\beta_4 > 0$ , 鸡肉和猪肉是替代品;

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(1)

决定鸡肉消费的因素有哪些呢?

每人实际可支配收入; 每磅鸡肉价格; 每磅猪肉价格; 每磅牛肉价格.

采用哪个模型呢?

$$\log Y_t = \beta_1 + \beta_2 \log X_{2t} + \beta_3 \log X_{3t} + \beta_4 \log X_{4t} + \beta_5 \log X_{5t} + U_t$$

回归系数的经济含义:

$\beta_2$ : 收入弹性;  $\beta_3$ : 子鸡价格弹性;  $\beta_4$ : 猪肉交叉价格弹性;  $\beta_5$ : 牛肉交叉价格弹性.

回归系数符号的经济理论预期:

$\beta_2 > 0$ ;  $\beta_3 < 0$

$\beta_4$ 有三种可能:

- ①  $\beta_4 > 0$ , 鸡肉和猪肉是替代品;
- ②  $\beta_4 < 0$ ,

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(1)

决定鸡肉消费的因素有哪些呢?

每人实际可支配收入; 每磅鸡肉价格; 每磅猪肉价格; 每磅牛肉价格.

采用哪个模型呢?

$$\log Y_t = \beta_1 + \beta_2 \log X_{2t} + \beta_3 \log X_{3t} + \beta_4 \log X_{4t} + \beta_5 \log X_{5t} + U_t$$

回归系数的经济含义:

$\beta_2$ : 收入弹性;  $\beta_3$ : 子鸡价格弹性;  $\beta_4$ : 猪肉交叉价格弹性;  $\beta_5$ : 牛肉交叉价格弹性.

回归系数符号的经济理论预期:

$\beta_2 > 0$ ;  $\beta_3 < 0$

$\beta_4$ 有三种可能:

- ①  $\beta_4 > 0$ , 鸡肉和猪肉是替代品;
- ②  $\beta_4 < 0$ , 鸡肉和猪肉是互补品;

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(1)

决定鸡肉消费的因素有哪些呢?

每人实际可支配收入; 每磅鸡肉价格; 每磅猪肉价格; 每磅牛肉价格.

采用哪个模型呢?

$$\log Y_t = \beta_1 + \beta_2 \log X_{2t} + \beta_3 \log X_{3t} + \beta_4 \log X_{4t} + \beta_5 \log X_{5t} + U_t$$

回归系数的经济含义:

$\beta_2$ : 收入弹性;  $\beta_3$ : 子鸡价格弹性;  $\beta_4$ : 猪肉交叉价格弹性;  $\beta_5$ : 牛肉交叉价格弹性.

回归系数**符号**的经济理论预期:

$\beta_2 > 0$ ;  $\beta_3 < 0$

$\beta_4$ 有三种可能:

- ①  $\beta_4 > 0$ , 鸡肉和猪肉是替代品;
- ②  $\beta_4 < 0$ , 鸡肉和猪肉是互补品;
- ③  $\beta_4 = 0$ ,

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(1)

决定鸡肉消费的因素有哪些呢?

每人实际可支配收入; 每磅鸡肉价格; 每磅猪肉价格; 每磅牛肉价格.

采用哪个模型呢?

$$\log Y_t = \beta_1 + \beta_2 \log X_{2t} + \beta_3 \log X_{3t} + \beta_4 \log X_{4t} + \beta_5 \log X_{5t} + U_t$$

回归系数的经济含义:

$\beta_2$ : 收入弹性;  $\beta_3$ : 子鸡价格弹性;  $\beta_4$ : 猪肉交叉价格弹性;  $\beta_5$ : 牛肉交叉价格弹性.

回归系数符号的经济理论预期:

$\beta_2 > 0$ ;  $\beta_3 < 0$

$\beta_4$ 有三种可能:

- ①  $\beta_4 > 0$ , 鸡肉和猪肉是替代品;
- ②  $\beta_4 < 0$ , 鸡肉和猪肉是互补品;
- ③  $\beta_4 = 0$ , 鸡肉和猪肉是无关产品.

## 1960-1982年美国子鸡需求研究(2)

$\beta_5$ 有三种可能:

- ①  $\beta_5 > 0,$

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(2)

$\beta_5$ 有三种可能:

- ①  $\beta_5 > 0$ , 鸡肉和牛肉是替代品;

## 1960-1982年美国子鸡需求研究(2)

$\beta_5$ 有三种可能:

- ①  $\beta_5 > 0$ , 鸡肉和牛肉是替代品;
- ②  $\beta_5 < 0$ ,

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(2)

$\beta_5$ 有三种可能:

- ①  $\beta_5 > 0$ ,鸡肉和牛肉是替代品;
- ②  $\beta_5 < 0$ ,鸡肉和牛肉是互补品;

## 1960-1982年美国子鸡需求研究(2)

$\beta_5$ 有三种可能:

- ①  $\beta_5 > 0$ , 鸡肉和牛肉是替代品;
- ②  $\beta_5 < 0$ , 鸡肉和牛肉是互补品;
- ③  $\beta_5 = 0$ ,

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(2)

$\beta_5$ 有三种可能:

- ①  $\beta_5 > 0$ ,鸡肉和牛肉是替代品;
- ②  $\beta_5 < 0$ ,鸡肉和牛肉是互补品;
- ③  $\beta_5 = 0$ ,鸡肉和牛肉是无关产品.

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(2)

$\beta_5$ 有三种可能:

- ①  $\beta_5 > 0$ , 鸡肉和牛肉是替代品;
- ②  $\beta_5 < 0$ , 鸡肉和牛肉是互补品;
- ③  $\beta_5 = 0$ , 鸡肉和牛肉是无关产品.

价格弹性小于1,说明需求对价格缺乏弹性.

收入弹性小于1,说明产品不是奢侈品;

收入弹性大于1,说明产品是奢侈品.

# 1960-1982年美国子鸡需求研究(2)

$\beta_5$ 有三种可能:

- ①  $\beta_5 > 0$ ,鸡肉和牛肉是替代品;
- ②  $\beta_5 < 0$ ,鸡肉和牛肉是互补品;
- ③  $\beta_5 = 0$ ,鸡肉和牛肉是无关产品.

价格弹性小于1,说明需求对价格缺乏弹性.

收入弹性小于1,说明产品不是奢侈品;

收入弹性大于1,说明产品是奢侈品.

问题: 鸡肉消费与猪肉和牛肉价格有没有关系?

## 1960-1982年美国子鸡需求研究(2)

$\beta_5$ 有三种可能:

- ①  $\beta_5 > 0$ ,鸡肉和牛肉是替代品;
- ②  $\beta_5 < 0$ ,鸡肉和牛肉是互补品;
- ③  $\beta_5 = 0$ ,鸡肉和牛肉是无关产品.

价格弹性小于1,说明需求对价格缺乏弹性.

收入弹性小于1,说明产品不是奢侈品;

收入弹性大于1,说明产品是奢侈品.

问题: 鸡肉消费与猪肉和牛肉价格有没有关系?

$$H_0 : \beta_4 = \beta_5 = 0$$

## 1960-1982年美国子鸡需求研究(2)

$\beta_5$ 有三种可能:

- ①  $\beta_5 > 0$ ,鸡肉和牛肉是替代品;
- ②  $\beta_5 < 0$ ,鸡肉和牛肉是互补品;
- ③  $\beta_5 = 0$ ,鸡肉和牛肉是无关产品.

价格弹性小于1,说明需求对价格缺乏弹性.

收入弹性小于1,说明产品不是奢侈品;

收入弹性大于1,说明产品是奢侈品.

问题: 鸡肉消费与猪肉和牛肉价格有没有关系?

$$H_0 : \beta_4 = \beta_5 = 0$$

这是一个**有约束的线性回归**问题.

## 1960-1982年美国子鸡需求研究(2)

$\beta_5$ 有三种可能:

- ①  $\beta_5 > 0$ ,鸡肉和牛肉是替代品;
- ②  $\beta_5 < 0$ ,鸡肉和牛肉是互补品;
- ③  $\beta_5 = 0$ ,鸡肉和牛肉是无关产品.

价格弹性小于1,说明需求对价格缺乏弹性.

收入弹性小于1,说明产品不是奢侈品;

收入弹性大于1,说明产品是奢侈品.

问题: 鸡肉消费与猪肉和牛肉价格有没有关系?

$$H_0 : \beta_4 = \beta_5 = 0$$

这是一个**有约束的线性回归**问题. 有约束的回归方程为:

$$\log Y_t = \beta_1 + \beta_2 \log X_{2t} + \beta_3 \log X_{3t} + U_t$$

数据来源:Table 7.9.

# 内容线索

## 1 第8章多元回归分析:推断问题

- 例8.1: 儿童死亡率模型
- 受约束最小二乘法:检验线性等式约束.
- 回归模型参数稳定性检验-邹至庄检验

# 回归模型参数稳定性问题

时间序列数据处理时,由于数据跨度很大,经济结构很可能发生变化,从而导致回归模型的系数发生改变,这就是回归子 $Y$ 和回归元 $X$ 之间关系的**结构变动**.

# 回归模型参数稳定性问题

时间序列数据处理时,由于数据跨度很大,经济结构很可能发生变化,从而导致回归模型的系数发生改变,这就是回归子 $Y$ 和回归元 $X$ 之间关系的**结构变动**.  
如何判定可能存在结构性改变?

# 回归模型参数稳定性问题

时间序列数据处理时,由于数据跨度很大,经济结构很可能发生变化,从而导致回归模型的系数发生改变,这就是回归子 $Y$ 和回归元 $X$ 之间关系的**结构变动**. 如何判定可能存在结构性改变?

- ① 时间段内是否发生能源价格变化,如石油价格上涨(或下跌);

# 回归模型参数稳定性问题

时间序列数据处理时,由于数据跨度很大,经济结构很可能发生变化,从而导致回归模型的系数发生改变,这就是回归子 $Y$ 和回归元 $X$ 之间关系的**结构变动**. 如何判定可能存在结构性改变?

- ① 时间段内是否发生能源价格变化,如石油价格上涨(或下跌);
- ② 时间段内是否发生战争;

# 回归模型参数稳定性问题

时间序列数据处理时,由于数据跨度很大,经济结构很可能发生变化,从而导致回归模型的系数发生改变,这就是回归子 $Y$ 和回归元 $X$ 之间关系的**结构变动**. 如何判定可能存在结构性改变?

- ① 时间段内是否发生能源价格变化,如石油价格上涨(或下跌);
- ② 时间段内是否发生战争;
- ③ 时间段内是否发生重大政策变化;

# 回归模型参数稳定性问题

时间序列数据处理时,由于数据跨度很大,经济结构很可能发生变化,从而导致回归模型的系数发生改变,这就是回归子 $Y$ 和回归元 $X$ 之间关系的**结构变动**. 如何判定可能存在结构性改变?

- ① 时间段内是否发生能源价格变化,如石油价格上涨(或下跌);
- ② 时间段内是否发生战争;
- ③ 时间段内是否发生重大政策变化;
- ④ 时间段内是否发生严重的经济衰退.

# 回归模型参数稳定性问题

时间序列数据处理时,由于数据跨度很大,经济结构很可能发生变化,从而导致回归模型的系数发生改变,这就是回归子 $Y$ 和回归元 $X$ 之间关系的**结构变动**. 如何判定可能存在结构性改变?

- ① 时间段内是否发生能源价格变化,如石油价格上涨(或下跌);
- ② 时间段内是否发生战争;
- ③ 时间段内是否发生重大政策变化;
- ④ 时间段内是否发生严重的经济衰退.

如何检验存在结构性变化呢?

# 回归模型参数稳定性问题

时间序列数据处理时,由于数据跨度很大,经济结构很可能发生变化,从而导致回归模型的系数发生改变,这就是回归子 $Y$ 和回归元 $X$ 之间关系的**结构变动**. 如何判定可能存在结构性改变?

- ① 时间段内是否发生能源价格变化,如石油价格上涨(或下跌);
- ② 时间段内是否发生战争;
- ③ 时间段内是否发生重大政策变化;
- ④ 时间段内是否发生严重的经济衰退.

如何检验存在结构性变化呢?

邹至庄检验,Chow Test.

# 邹至庄检验的思路

邹至庄检验的假设:

- ① 扰动项服从正态分布,  $U_t \sim N(0, \sigma^2)$ , 在整个时间段内方差不变;
- ② 扰动项  $U_t$  序列独立同分布.

# 邹至庄检验的思路

邹至庄检验的假设:

- ① 扰动项服从正态分布,  $U_t \sim N(0, \sigma^2)$ , 在整个时间段内方差不变;
- ② 扰动项  $U_t$  序列独立同分布.

邹至庄检验(Chow Test)的步骤:

(以单个转变点为例,分成2段,  $n = n_1 + n_2$ )

- ① 采用完整数据回归,得到残差平方和  $RSS_R, df = n_1 + n_2 - K$ ,  $K$  为参数个数.

# 邹至庄检验的思路

邹至庄检验的假设:

- ① 扰动项服从正态分布,  $U_t \sim N(0, \sigma^2)$ , 在整个时间段内方差不变;
- ② 扰动项  $U_t$  序列独立同分布.

邹至庄检验(Chow Test)的步骤:

(以单个转变点为例,分成2段,  $n = n_1 + n_2$ )

- ① 采用完整数据回归,得到残差平方和  $RSS_R, df = n_1 + n_2 - K$ ,  $K$  为参数个数.
- ② 分别采用前后两段数据做回归,得到残差平方和  $RSS_{UR} = RSS_1 + RSS_2, df = n_1 + n_2 - 2K$ .

# 邹至庄检验的思路

邹至庄检验的假设:

- ① 扰动项服从正态分布,  $U_t \sim N(0, \sigma^2)$ , 在整个时间段内方差不变;
- ② 扰动项  $U_t$  序列独立同分布.

邹至庄检验(Chow Test)的步骤:

(以单个转变点为例,分成2段, $n = n_1 + n_2$ )

- ① 采用完整数据回归,得到残差平方和  $RSS_R, df = n_1 + n_2 - K$ ,  $K$  为参数个数.
- ② 分别采用前后两段数据做回归,得到残差平方和  $RSS_{UR} = RSS_1 + RSS_2, df = n_1 + n_2 - 2K$ .
- ③ 若无结构转变,  $RSS_R$  与  $RSS_{UR}$  统计无差别. 则有

$$F = \frac{(RSS_R - RSS_{UR}) / K}{RSS_{UR} / (n_1 + n_2 - 2K)} \sim F(K, n_1 + n_2 - 2K). (n \text{ 足够大})$$

# 邹至庄检验的解说

在使用Chow 检验时,需要注意:

- ①  $F$ 统计量的分布是渐近分布,当样本容量足够大时才足够准确.
- ② 扰动项每段时间方差不变,这个假设需要检验.
- ③ 当检验被拒绝时,无法判断是由于截距变化,还是由于偏斜率发生变化.
- ④ 需要事先取定转变点.如果转变点未知,需要用其他方法侦查.

# 1970-1995年美国个人可支配收入和个人储蓄研究

研究目标:

估计储蓄 $Y$ 与个人可支配收入 $DPI(X)$ 之间的函数关系.

# 1970-1995年美国个人可支配收入和个人储蓄研究

研究目标:

估计储蓄 $Y$ 与个人可支配收入 $DPI(X)$ 之间的函数关系.

采用模型:

$$Y = \lambda_1 + \lambda_2 X + U$$

经济含义:

$\lambda_2$ 称为边际储蓄倾向(Marginal Propensity to Save).

# 1970-1995年美国个人可支配收入和个人储蓄研究

研究目标:

估计储蓄 $Y$ 与个人可支配收入 $DPI(X)$ 之间的函数关系.

采用模型:

$$Y = \lambda_1 + \lambda_2 X + U$$

经济含义:

$\lambda_2$ 称为边际储蓄倾向(Marginal Propensity to Save).

困难:

数据时间跨度很大,如果有结构转变,需要对不同阶段分别拟合.

# 1970-1995年美国个人可支配收入和个人储蓄研究

研究目标:

估计储蓄 $Y$ 与个人可支配收入 $DPI(X)$ 之间的函数关系.

采用模型:

$$Y = \lambda_1 + \lambda_2 X + U$$

经济含义:

$\lambda_2$ 称为边际储蓄倾向(Marginal Propensity to Save).

困难:

数据时间跨度很大,如果有结构转变,需要对不同阶段分别拟合.

转变点估计:

1982年,美国经济大衰退,城市失业率达到9.7%,是1948年来的最高值.

分两段估计:

1970-1981, 1982-1995. 数据来源:Table 8.9.